

L'épreuve comporte deux parties A et B obligatoires sur une seule page.

**Partie A : 8 points**

Une entreprise produit chaque jour, un nombre  $x$  d'objets.  
Une étude de marché a permis de déterminer que, pour un nombre  $x$  d'objets, le coût de production noté  $C(x)$  et le revenu noté  $R(x)$  en milliers de FCFA, sont donnés par les relations:  $C(x) = 650 - 4x$  et  $R(x) = 136x - 2x^2$ .

1. Si on note  $B(x)$  le bénéfice réalisé par l'entreprise, montrer que :

$$B(x) = -2x^2 + 140x - 650.$$

1pt  
1pt

2. Vérifier que :  $B(x) = -2(x - 35)^2 + 1800$ .

3. a) Déterminer le minimum et le maximum d'objets à produire par jour pour que la production journalière soit rentable.

2 pts

b) En déduire l'intervalle correspondant aux quantités produites dégageant une perte. 1pt

4. Une enquête portant sur la taille de chaque objet produit est menée sur un échantillon de 100. Les résultats sont consignés dans le tableau statistique ci-dessous.

Classes des tailles en mm	[100 ; 125[	[125 ; 150[	[150 ; 175[	[175 ; 200[
Nombres d'objets	20			
Effectifs Cumulés Croissants (ECC)	20	50	65	100

a) Recopier puis compléter le tableau des effectifs.

1,5 pt

b) Quelle est la taille moyenne de ces objets ?

1 pt

c) On veut choisir 3 de ces objets pour des tests plus approfondis. Quel est le nombre de choix possibles ?

0,5pt

**Partie B : 12 points**

I. Soit le tableau des variations ci-contre, d'une fonction  $f$  définie sur  $[-2; 2]$ . On note  $f'$  sa dérivée.

1. En vous aidant de ce tableau de variations:

a) Déterminer  $f(-2)$ ,  $f(2)$ ,  $f(0)$  et  $f'(0)$ .

1 pt

b) On suppose que  $f$  est définie sur  $[-2; 2]$  par  $f(x) = ax^2 + b$ , où  $a$  et  $b$  sont des réels. Montrer que  $a = 3$  et  $b = -3$ .

1,5 pt

2. Dans la suite,  $f$  est définie sur  $[-2; 2]$  par  $f(x) = 3x^2 - 3$ .

a) Déterminer une équation cartésienne de la tangente (T) à la courbe de  $f$  au point d'abscisse 1.

1,5 pt

b) Recopier et compléter le tableau suivant :

1 pt

$x$	-1	-0,5	0,5	1	0
$f(x)$					-3

c) Tracer la courbe  $(C_f)$  de  $f$  et la droite (T) dans un repère orthogonale  $(O, I, J)$ . Unité sur les axes : (1cm pour 1unité en abscisse et 1cm pour 2 unités en ordonnée).

2 pts

3. Résoudre dans  $[-2; 2]$  les inéquations suivantes : i)  $f(x) \geq -3$  ; ii)  $f(x) < 0$ .

2 pts

II. On considère la suite numérique  $u$  définie sur  $\mathbb{N}$  par :  $u_n = -3n + 2$ .

1. Calculer  $u_3$  et  $u_{21}$ .

1 pt

2. Montrer que pour tout entier naturel  $n$ ,  $u_{n+1} = u_n - 3$ .

1 pt

3. En déduire la nature et les éléments caractéristiques de la suite  $u$ .

1 pt